

2.3.7 Izotermický děj

Předpoklady: 2305, 2306

Pedagogická poznámka: Tato hodina je první ze čtyř podobných, které probíhají stejným způsobem. Čím lépe studenti porozumí této hodině, tím snazší pro ně budou ostatní.

izo = stejný \Rightarrow **izotermický = při stálé teplotě** \Rightarrow Při ději se může měnit tlak a objem plynu.

Například pomalé stlačování a roztahování stříkačky, teplota plynu se stihne vyrovnávat s teplotou okolí \Rightarrow při zmenšení objemu by se měl zvýšit tlak.

Stavová rovnice:

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \quad \text{izotermický děj} \Rightarrow T_1 = T_2$$

$$p_1 V_1 = p_2 V_2 \quad \text{Boyle-Marriotův zákon}$$

jiná formulace: $pV = konst$

Př. 1: Na základě Boyle-Marriotova zákona rozhodni, jak se při izotermickém ději musí měnit objem, aby tlak klesal.

Podle Boyle-Marriotova zákona je součin pV konstantní \Rightarrow pokud tlak klesá musí se objem zvětšovat, aby byl součin stále stejný.

Mikroskopický pohled na izotermický děj:

Molekuly se v průměru pohybují pořád stejně rychle (teplota se nemění). Zmenšování objemu \Rightarrow molekuly jsou v nádobě hustěji \Rightarrow častěji naráží do stěn (stejnou rychlostí) \Rightarrow větší tlak.

Př. 2: Vzduch ve stříkačce o objemu 20 ml a normálním tlaku jsme pomalu stlačili, že jeho tlak vzrostl na 350000 Pa . Jaký byl v tomto okamžiku jeho objem?

$$V_1 = 20 \text{ ml} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3, \quad p_1 = 100000 \text{ Pa}, \quad p_2 = 350000 \text{ Pa}, \quad V_2 = ?$$

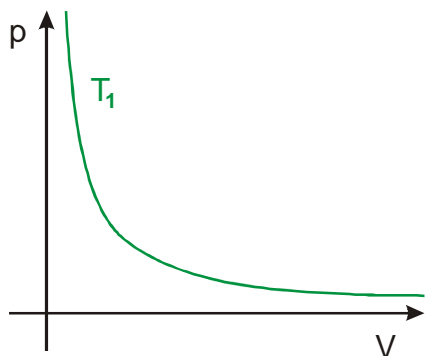
$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

$$V_2 = \frac{p_1 V_1}{p_2} = \frac{100000 \cdot 2 \cdot 10^{-5}}{350000} \text{ m}^3 = 5,7 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 = 5,7 \text{ ml}$$

V zkoumaném okamžiku měl plyn objem 5,7 ml .

Dodatek: Z výsledného vzorce ($p_2 = \frac{p_1 V_1}{V_2}$) je vidět, že není nutné převádět objem na základní jednotku. Pokud jsou obě hodnoty uvedeny ve stejných jednotkách, převodní konstanta se vykrátí a výsledek je správný.

pV diagram



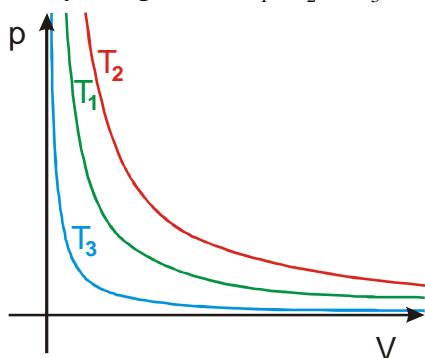
Křivka se nazývá **izoterma**.

Postřeh: Je velmi podobná grafu lineární lomené funkce. Proč?

Platí: $pV = konst \Rightarrow p = \frac{konst}{V} \Rightarrow$ graf není jen podobný, je to přímo graf lineární lomené funkce.

Izotermy pro různé teploty se liší.

Př. 3: Na následujícím obrázku jsou nakresleny izotermy pro stejné množství plynu při různých teplotách T_1 , T_2 a T_3 . Porovnej navzájem tyto teploty.



Zvolíme si libovolný objem. Jednotlivé izotermy při tomto objemu ukazují různé hodnoty tlaku. Protože jde o stejný objem stejného plynu mohou rozdílné hodnoty tlaku způsobit pouze různě silné nárazy jednotlivých molekul \Rightarrow větší tlak, znamená vyšší teplotu \Rightarrow platí $T_3 < T_1 < T_2$.

Pedagogická poznámka: Při všech energetických rozborech je nutné, aby studenti rozlišovali W_p (práce konaná plynem, například plynem ve stříkačce) a W (práci konanou okolím, například rukou tlačící na píst stříkačky).

Energetický pohled = studujeme, jak se při izotermickém ději:

- mění vnitřní energie ΔU ,
- koná práce plynu W_p (nebo práce okolí W),
- vyměňuje teplo Q s okolím.

Při všech dějích platí 1. termodynamický zákon v jednom ze svých dvou tvarů:

- $Q = \Delta U + W_p$ (přijaté teplo se změní na přírůstek vnitřní energie a práci vykonanou plynem)

- $\Delta U = W + Q$ (změna vnitřní energie se rovná přijatému teplu a práci vykonané okolím)

Izotermický děj: Teplota plynu se nemění \Rightarrow vždy platí $\Delta U = 0$

Necháme stlačený plyn, aby odtlačil píst stříkačky a zvětšil svůj objem:

plyn odtlačuje píst \Rightarrow plyn zvětšuje svůj objem $\Rightarrow W > 0$.

Pokud má plyn hýbat pístem stříkačky (konat práci) a nemá se zmenšit jeho vnitřní energie, musí mu okolní vzduch dodávat teplo $\Rightarrow Q > 0$

Př. 4: Rozeber z energetického hlediska opačný průběh izotermického děje, při kterém plyn stlačíme ve stříkačce tak pomalu, aby se nezahřál.

Ruka stlačuje píst \Rightarrow plyn zmenšuje svůj objem $\Rightarrow W < 0$ (kladnou práci koná ruka).

Okolní vzduch musí odebírat plynu ve stříkačce energii, aby se plyn nezahřál i když ruka na něm koná práci $\Rightarrow Q < 0$.

Př. 5: Vzduch ve stříkačce o objemu 20 ml a normálním tlaku jsme stlačili na 4 ml. Jaký by byl konečný tlak plynu, pokud by se teplota během stlačování neměnila? Jaký bude skutečný tlak? Proč?

$$V_1 = 20 \text{ ml} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3 \quad V_2 = 4 \text{ ml} = 4 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 \quad p_1 = 100000 \text{ Pa} \quad p_2 = ?$$

$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

$$p_2 = \frac{p_1 V_1}{V_2} = \frac{100000 \cdot 2 \cdot 10^{-5}}{4 \cdot 10^{-6}} \text{ Pa} = 500000 \text{ Pa}$$

Tlak plynu se zvýšil na 500000 Pa. Skutečný tlak by měl být větší, protože při stlačování plynu se jeho teplota zvětšuje a tím pádem zrůstá jeho tlak.

Př. 6: Rozžhavený plyn v pístu motoru o počátečním tlaku 7 Mpa zvětší během rozpínání svůj objem dvanáctkrát. Urči jeho tlak na konci rozpínání za předpokladu, že se jeho teplota neměnila. Jaký bude skutečný tlak? Proč? Odhadni shora i zdola práci, kterou plyn vykoná během rozpínání, pokud má píst objem 500 cm^3 .

$$V_2 = 12V_1, \quad p_1 = 7 \text{ MPa} = 7 \cdot 10^6 \text{ Pa}, \quad p_2 = ?$$

$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

$$p_2 = \frac{p_1 V_1}{V_2} = \frac{7 \cdot 10^6 \cdot V_1}{12V_1} \text{ Pa} = \frac{7 \cdot 10^6}{12} \text{ Pa} = 580000 \text{ Pa}$$

Tlak plynu se snížil na 580000 Pa. Skutečný tlak bude menší, protože při rozpínání plynu se bude jeho teplota snižovat (okolí nestíhá dodávat teplo a udržovat jeho teplotu).

Odhad práce: umíme vypočítat práci v případě, že se tlak plynu nemění \Rightarrow spočteme práci dvakrát: jednou pro původní tlak, podruhé pro konečný tlak \Rightarrow získáme velmi velký interval, ve kterém by měla ležet skutečná hodnota vykonané práce.

$$V = V_2 = 500 \text{ cm}^3 = 5 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = V_2 - \frac{V_2}{12} = \frac{11}{12} V_2$$

$$W_1 = p_1 \Delta W = 7 \cdot 10^6 \cdot \frac{11}{12} \cdot 5 \cdot 10^{-4} \text{ J} = 3200 \text{ J}$$

$$W_2 = p_2 \Delta W = 5,8 \cdot 10^5 \cdot \frac{11}{12} \cdot 5 \cdot 10^{-4} \text{ J} = 270 \text{ J}$$

Skutečná vykonaná práce je asi daleko blíže k nižší hodnotě (z obrázku izotermy je vidět, že tlak klesá čím dál pomaleji). Moc jsme se však nedozvěděli, protože naše odhady jsou příliš rozdílné.

Shrnutí: Při izotermickém ději se nemění teplota plynu.