

2.1.8 Molární veličiny II

Předpoklady: 2107

Opakování z minulé hodiny:

1 mol... $6,02 \cdot 10^{23}$ částic... $22,4 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$ (normální podmínky)... $M_r \cdot 10^{-3} \text{ kg}$

Př. 1: Urči hmotnost 2 molů vody.

použijeme přímou úměrnost

$$M_r(\text{H}_2\text{O}) = 2 \cdot A_r(\text{H}) + A_r(\text{O}) = 2 \cdot 1 + 16 = 18 \Rightarrow M_m(\text{H}_2\text{O}) = 18 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$1 \text{ mol} \quad \dots \quad 18,015 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$2 \text{ moly} \quad \dots \quad x \text{ kg}$$

$$\frac{x}{2} = \frac{18 \cdot 10^{-3}}{1} \Rightarrow x = 2 \cdot \frac{18 \cdot 10^{-3}}{1} \text{ kg} = 36 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

2 moly vody mají hmotnost 36 g.

Př. 2: Urči objem 10^{20} částic vzduchu za normálních podmínek.

přímá úměrnost:

$$1 \text{ mol} \quad \dots \quad 6,02 \cdot 10^{23} \text{ částic} \quad \dots \quad 22,4 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$10^{20} \text{ částic} \quad \dots \quad x \text{ m}^3$$

$$\frac{x}{10^{20}} = \frac{22,4 \cdot 10^{-3}}{6,02 \cdot 10^{23}} \Rightarrow x = 10^{20} \cdot \frac{22,4 \cdot 10^{-3}}{6,02 \cdot 10^{23}} \text{ m}^3 = 3,72 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$$

10^{20} částic vzduchu má za normálních podmínek objem $3,72 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$.

Př. 3: Urči hmotnost oxidu uhličitého, který vznikne úplným spálením 5 kg metanu. Kolik kilogramů vzdušného kyslíku si při této reakci spotřebuje.

chemická rovnice: $\text{CH}_4 + 2\text{O}_2 \rightarrow \text{CO}_2 + 2\text{H}_2\text{O} \Rightarrow$

- ze jednoho molu metanu vznikne jeden mol oxidu uhličitého
- na spálení jednoho molu metanu potřebujeme dva moly molekulárního kyslíku O_2

$$M_r(\text{CO}_2) = A_r(\text{C}) + 2 \cdot A_r(\text{O}) = 12 + 2 \cdot 16 = 44 \Rightarrow M_m(\text{CO}_2) = 44 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$M_r(\text{CH}_4) = A_r(\text{C}) + 4 \cdot A_r(\text{H}) = 12 + 4 \cdot 1 = 16 \Rightarrow M_m(\text{CH}_4) = 16 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$M_r(\text{O}_2) = 2 \cdot A_r(\text{O}) = 2 \cdot 16 = 32 \Rightarrow M_m(\text{O}_2) = 32 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

a) hmotnost oxidu uhličitého

použijeme přímou úměrnost:

$$1 \text{ mol metanu} \quad \dots \quad 16 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \quad \dots \quad 1 \text{ mol CO}_2 \quad \dots \quad 44 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$5 \text{ kg} \quad \dots \quad x \text{ kg}$$

$$\frac{x}{5} = \frac{44 \cdot 10^{-3}}{16 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow x = 5 \cdot \frac{44}{16} \text{ kg} = 14 \text{ kg}$$

b) hmotnost kyslíku

použijeme přímou úměrnost:

1 mol metanu ...	$16 \cdot 10^{-3}$ kg	...	2 moly O_2	...	$2 \cdot 32 \cdot 10^{-3}$ kg
	5 kg		...		x kg

$$\frac{x}{5} = \frac{2 \cdot 32 \cdot 10^{-3}}{16 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow x = 5 \cdot \frac{64}{16} \text{ kg} = 20 \text{ kg}$$

Při spálení 5 kg metanu vznikne 14 kg oxidu uhličitého a spotřebuje se 20 kg vzdušného kyslíku.

Př. 4: Urči objem třaskavého plynu (směs plynného vodíku a kyslíku), který vznikne elektrolýzou 1,5 kg vody.

chemická rovnice: $2H_2O \rightarrow 2H_2 + O_2 \Rightarrow$ ze dvou molů vody vzniknou 3 moly plynu

použijeme přímou úměrnost

$$M_r(H_2O) = 2 \cdot A_r(H) + A_r(O) = 2 \cdot 1,0 + 16 = 18 \Rightarrow M_m(H_2O) = 18 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

2 mol vody ...	$2 \cdot 18 \cdot 10^{-3}$ kg	...	3 moly plynu ...	$3 \cdot 22,7 \cdot 10^{-3}$ m ³
	1,5 kg		...	x dm ³

$$\frac{x}{1,5} = \frac{3 \cdot 22,7 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 18 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow x = \frac{1,5 \cdot 3 \cdot 22,7 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 18 \cdot 10^{-3}} \text{ m}^3 = 2,84 \text{ m}^3$$

Elektrolýzou 1,5 kg vody vznikne 2,84 m³ třaskavého plynu.

Př. 5: Na stůl ukápla kapka vody o objemu 0,1 ml. Za jak dlouho by se kapka vypařila, kdyby se každou sekundu z jejího povrchu uvolnil (a tím se změnil v páru) 1 milion molekul?

$$V = 0,1 \text{ ml} = 10^{-4} \text{ l} = 10^{-7} \text{ m}^3$$

Určíme počet molekul, které kapka obsahuje a pak můžeme snadno určit dobu odpařování.

$$\text{Hmotnost kapky: } m = V \cdot \rho = 1 \cdot 10^{-7} \cdot 1000 \text{ kg} = 10^{-4} \text{ kg}$$

$$M_r(H_2O) = 2 \cdot A_r(H) + A_r(O) = 2 \cdot 1,0 + 16 = 18 \Rightarrow M_m(H_2O) = 18 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

1 mol ...	$6,02 \cdot 10^{23}$ částic	...	$18 \cdot 10^{-3}$ kg
	x částic	...	10^{-4} kg

$$\frac{x}{6,02 \cdot 10^{23}} = \frac{10^{-4}}{18 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow x = 6,02 \cdot 10^{23} \cdot \frac{10^{-4}}{18 \cdot 10^{-3}} = 3,3 \cdot 10^{21} \text{ částic}$$

$$\text{každou sekundu se odpaří } 10^6 \text{ částic} \Rightarrow \text{odpařování trvá } \frac{3,3 \cdot 10^{21}}{10^6} \text{ s} = 3,3 \cdot 10^{15} \text{ s}$$

$$3,3 \cdot 10^{15} \text{ s} = 1000000000 \text{ let}$$

Vypařování kapky o objemu 0,1 ml by trvalo 100 miliard let.

Př. 6: Velmi „účinným“ homeopatickým lékem je natrum muriaticum. Jde o lék připravovaný opakovaným ředěním z mořské soli ($NaCl$). Tento lék se připravuje takto: 21 dní necháme louhovat matečnou surovinu v roztoku alkoholu. Po přefiltrování roztoku získáme matečnou tinkturu (ta ještě není homeopatickým lékem). Matečnou tinkturu smícháme v poměru 1:99 se 70% roztokem čistého

alkoholu. Vzniklý roztok 100x prudce protřepáme (tím dojde k „dynamizaci“ roztoku. Tato část procedury je prý velmi důležitá) a tak získáme homeopatický lék v nejnižším (a tedy nejméně účinném ředění) 1C (centezimální – setinné ředění). Pokud odebereme část získaného roztoku a stejným způsobem ho opět naředíme, získáme lék v ředění 2C (účinnější) a stejným způsobem můžeme postupovat do nekonečna. Účinnost léku stoupá s počtem ředění.

a) Urči počet iontů NaCl ve výsledném léku při ředění C15, pokud byl v matečním roztoku 1l rozpuštěn 1g soli.

b) Kolik litrů 70% roztoku lihu je potřeba k přípravě 1 l výsledného léčivého roztoku.

c) Kolikrát musí být roztok během své přípravy protřepán.

Na základě spočtených údajů vysvětli:

d) Proč se dnes k výrobě homeopatických léků většinou neuzívá roztok lihu, ale destilovaná voda.

e) Proč se léky při přípravě neprotřepávají ručně, ale pomocí strojů. A kudy ze stroje do léku proudí duchovní energie (dynamis), která při dynamizaci zvyšuje účinnost léku.

a) během každého ředění se počet iontů Na a Cl v roztoku zmenší 100x \Rightarrow spočteme si počet iontů v počátečním roztoku a poté budeme dělit použijeme přímou úměrnost

$$M_r(\text{NaCl}) = A_r(\text{Na}) + A_r(\text{Cl}) = 23 + 35 = 58 \Rightarrow M_m(\text{NaCl}) = 58 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$\begin{array}{l} 1 \text{ mol} \quad \dots \quad 6,02 \cdot 10^{23} \text{ částic} \quad \dots \quad 58 \text{ g} \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad x \text{ částic} \quad \quad \quad \dots \quad 1 \text{ g} \end{array}$$

$$\frac{x}{1} = \frac{6,02 \cdot 10^{23}}{58} \Rightarrow x = 1,04 \cdot 10^{22} = 10^{22}$$

počet částic:

$$\text{po prvním ředění} \quad \dots \quad \frac{1}{100} \cdot 10^{22}$$

$$\text{po druhém ředění} \quad \dots \quad \frac{1}{100} \cdot \left(\frac{1}{100} \cdot 10^{22} \right) = \frac{10^{22}}{100^2}$$

...

$$\text{po } x\text{-tém ředění} \quad \dots \quad \frac{10^{22}}{100^x}$$

po 15 ředěních $\frac{10^{22}}{100^{15}} = \frac{10^{22}}{10^{30}} = 10^{-8} \Rightarrow$ v léku C15 je průměrně 10^{-8} iontu Na a stejné množství iontů Cl

b) při ředění C15 musíme 15x dolévat 0,99 l 70% alokoholu \Rightarrow na přípravu 1 l léku potřebujeme 14,85 litru 70 % roztoku alkoholu

c) při ředění C15 musíme 15x opakovat 100 protřepání \Rightarrow protřepáváme 1500x

d) destilovaná voda je daleko levnější než 70% roztok lihu

e) strojové protřepávání je daleko levnější než protřepávání lidskou rukou. Kudy ze stroje proudí do léku duchovní energie (dynamis), bohužel nevíme

Shrnutí: